

基于局部密度信息熵均值的密度峰值聚类算法

唐风扬, 覃仁超, 熊健

(西南科技大学 计算机科学与技术学院, 四川 绵阳 621010)

摘要: 针对密度峰值聚类算法 (DPC, the density peak clustering algorithm) 聚类结果受距离阈值 d_c 参数影响较大的问题, 提出一种局部密度捕获范围以及利用局部密度信息熵均值进行加权优化的方法 (简称为 LDDPC), 在 DPC 算法选取到错误的距离阈值 d_c 时, 通过对最大密度邻近点的相对距离进行加权, 重新获得正确的分类数量和聚类中心; 经典数据集的实验结果表明, 基于局部密度信息熵均值加权优化能避免 DPC 算法中距离阈值 d_c 对聚类结果的影响, 提高分类的正确率。

关键词: 聚类算法; 密度峰值; 信息熵; 加权; 局部密度

Optimized Density peaks Clustering algorithm based on Local Density information entropy

TANG Fengyang, QIN Renchao, XIONG Jian

(Southwest University of Science and Technology, Mianyang 621010, China)

Abstract: Aiming at the problem, the density peak clustering algorithm (DPC) clustering result is greatly affected by the distance threshold d_c parameter, a method of local density capture range and weighted optimization is proposed using the mean value of local density information (abbreviated as For LDDPC), when the DPC algorithm selects the wrong distance threshold d_c , by weighting the relative distance of the maximum density neighboring points, the correct number of classifications and cluster centers are obtained again. The experimental results of the classic data set show that, based on the mean value of the local density information entropy, the weighted optimization can avoid the influence of the distance threshold d_c in the DPC algorithm on the clustering results, and the accuracy of classification is improved.

Keywords: clustering algorithm; density peaks; information entropy; weighting; local density

0 引言

近几年, 随着全球存储信息量与数据量的爆炸式增长, 在给各行业带来机遇的同时也带来了巨大的挑战, 即如何高效地处理这些信息与数据。聚类算法作为数据处理的关键技术, 本质是将一组数据划分为不重叠的子集的过程, 每个子集都是一个聚类, 所以同一聚类中的点彼此相似, 而与其他聚类中的点不相似。聚类算法不仅是数据挖掘的一种重要手段, 还是机器学习理论与技术中的重要数据预测和分析方法之一, 在模式识别^[1]、图像处理^[2]、文献计量学, 生物信息学等领域得到了广泛应用。

1 研究现状

聚类算法常用在无监督学习中, 算法通过学习未作标记的样本以此来揭示数据的内在规律, 完成数据的分类。随着近年来不断的深入研究, 通常将其分为以下几类, 基于划分的聚类如 K-MEANS^[3]算法, 然而该算法聚类效果的好坏取决于人工选择的聚类中心且有着对样本中的异常点

敏感的缺点。为此衍生出了利用聚类中心相互间隔距离较远思想的 K-MEANS++ 算法, 虽然方法简单, 但非常有效; 而改变中心点选取策略的 K-MEDOIDS 算法在小样本的数据中有着更好的噪声鲁棒性; 利用遗传算法, 粒子群等优化算法进行初始值寻优的多种改进方法都有着良好效果。其他经典算法中有将空间划分为矩阵, 基于网络多分辨率聚类技术的 STING^[4]算法和利用层次方法进行聚类和规约数据的 BRICH^[5]算法。DBSCAN^[6]算法作为具有代表性的密度聚类算法, 提出了密度可接近性与密度可连性的概念, 将具有足够密度大小的区域划分成簇, 在带噪声的空间中能识别形状各异的簇, 但参数的人工选择限制了算法的效果。而为了解决这个问题, OPTICS^[7]算法应运而生, 算法为聚类的分析生成簇的排序, 从这个排序中可以得到 DBSCAN 算法的多种聚类结果。这些算法在性能上有很大差异, 如 K-MEANS 只能识别凸球形簇, STING 算法具有很快的速度, 但是准确度不高, 而 BRICH 算法可以简单对数据进行预处理并识别噪声点, 但在数据是非超球体

收稿日期: 2021-09-07; 修回日期: 2021-10-25。

基金项目: 四川省科技厅重点研发项目(22ZDYF3141)。

作者简介: 唐风扬(1995-), 男, 四川省绵阳人, 硕士研究生, 主要从事信息安全方向的研究。

覃仁超(1978-), 男, 四川武胜人, 博士, 副教授, 硕士研究生导师, 主要从事网络安全、智能计算方向的研究。

引用格式: 唐风扬, 覃仁超, 熊健. 基于局部密度信息熵均值的密度峰值聚类算法[J]. 计算机测量与控制, 2022, 30(3): 192-197, 203.

的分布簇的情况下效果一般。DBSCAN 在不规则簇的识别上效果显著,也有不错的抗噪声能力,但在面对数据维度升高时效果明显下降^[8]。

2014年6月,Rodriguez等人在Science上发表了DPC^[9]算法,这是一种基于距离和密度的算法,能够找到任意形状的聚类中心,与传统算法相比,该算法无需迭代目标函数就能找到高密度点,并且实现简单。然而该算法需要通过经验设置距离阈值dc完成密度的计算。目前为止许多学者对算法进行了改进,其中一部分改进算法根据数据集自身数据情况自适应求得最佳距离阈值dc^[10-14],这种做法一定程度上优化了距离阈值dc的选择,但各方法的适用数据集不同。文献[15]通过构建Ball-Tree缩小样本局部密度和距离的计算范围减少了计算量,文献[16]基于块的不相似性度量计算样本间的相似度,引入样本的K近邻度量,定义新的局部密度。文献[17]等通过改变聚类中心的定义,并将邻域中的密度极值点确定为聚类中心,然后会选择到超过簇数目的聚类中心,文献[18]等引入K近邻的思想来计算距离阈值dc和每个点的局部密度,文献[19]等定义了从属的概念来描述相对密度关系,并使用从属的数量作为识别聚类中心的标准。文献[20]等利用网络划分的方法,解决计算欧氏距离时花费过多时间的问题。文献[21]等不仅引入KNN思想解决局部密度的计算,并且运用PCA对高维数据降维。

本文针对距离阈值dc选择存在的问题,定义局部密度捕获范围并利用局部密度信息熵均值进行优化,通过设置距离阈值一定倍数的参数确定局部密度捕获范围,使得在分类错误的情况下通过对相对距离进行密度的加权重新获得正确的分类数量和分类中心。通过DPC算法与信息熵的结合使用,即使在不规则图形中也能够排除异常点的干扰,准确快速地找到正确的分类中心和分类数量,实验证明在不同的数据集中均取得了良好的效果。

2 密度峰值聚类算法

2.1 算法原理

DPC算法认为簇中心拥有如下特征:(1)数据点与其他密度大的点有相对远的距离^[22];(2)数据点本身密度大于包围它周围的点。通过定义 ρ_i 和 δ_i 来表示数据点的密度与相对距离,然后选取两者中双方值都相对较大的点作为簇中心,最后将其他非中心点归到其最近的更高密度点完成聚类。

2.2 算法过程

首先通过计算得到对于数据集 $S = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$ 中,数据点 x_i 与 x_j 的欧氏距离 d_{ij} ,计算公式如式(1):

$$d_{ij} = \sqrt{\sum_i^n (d_i - d_j)^2} \quad (1)$$

计算数据点 x_i 的局部密度 ρ_i 。

截断核计算公式如式(2):

$$\rho_i = \sum_j X(d_{ij} - d_c) \quad (2)$$

d_{ij} 为数据点 x_i 与 x_j 的欧式距离, d_c 为能囊括总数据量1%至2%的距离阈值,其中函数 X 如式(3)所示:

$$X(x) = \begin{cases} 1, & x \leq 0 \\ 0, & x > 0 \end{cases}, d_c > 0 \quad (3)$$

高斯核计算公式如式(4):

$$\rho_i = \sum_j e^{-\frac{d_{ij}^2}{\sigma^2}} \quad (4)$$

截断核以离散值估计出的密度全为整数,有重复值,而高斯核以连续值估计出的密度因此不会产生重复值,因此当不同点拥有相同局部密度的情况下使用高斯核进行计算会取得更好的效果,故本文中采取高斯核密度计算公式。

计算数据点 x_i 的相对距离 δ_i ,公式如式(5)~(6):

$$\delta_i = \min_{j: \rho_j > \rho_i} (d_{ij}) \quad (5)$$

$$\delta_i = \max_{j \in S} (d_{ij}) \quad (6)$$

公式(5)中 δ_i 表示对于数据点 x_i ,到有高于它局部密度点的最近距离,(6)中 δ_i 是当其数据点 x_i 在数据集 S 中局部密度最大时的距离。一般密度大的数据点的距离参数 δ_i 要比其它邻近点大。

在计算完每个点的局部密度 ρ_i 和相对距离 δ_i 之后,以密度为横坐标,相对距离为纵坐标画出相对距离/密度图在其中选取密度和距离值相对大的点作为聚类中心。不过文献[4]中提到通过设置决策函数:

$$\gamma_i = \rho_i \times \delta_i \quad (7)$$

来绘制决策图赋值确定聚类中心。其中具有更大 γ_i 的点 x_i 会具有更高成为聚类中心点的可能性。为此,将 γ_i 降序排序,在二维平面图中画出决策图,找到 γ_i 较大的点 x_i 作为聚类中心,DPC算法将非中心点归并到密度比当前点高且距离最近点以完成聚类。

2.3 算法的不足

DPC极其依赖参数距离阈值 d_c 的选择,相同的数据集在不同的距离阈值 d_c 下有非常大的差别,在Rodriguez等人的文章中指出 d_c 选择能囊括总数据的1%~2%数量(下文简称 $d_c = n\%$)的数值,这种局限性突出在一些特殊的数据集中,并且对不同的数据集难以进行距离阈值 d_c 的选择。

目前普遍认为距离阈值 d_c 选择过小时,可能会在同一簇内找出多个密度峰值,从而得到过多的聚类中心导致聚类失败,极端情况下距离阈值 d_c 小于数据集中各个点的最小欧氏距离,这时每个数据点都将单独成为一个类别;如果距离阈值 d_c 选择过大,会使得区分度过低,从而不同的簇往往会被分到同一聚类中心,导致簇中心的少选从而聚类失败,极端情况是距离阈值 d_c 超过了数据点中各个点的最大欧式距离,这会把所有数据归为一个类别。

3 基于局部密度信息熵均值优化的聚类算法

3.1 信息熵

假设 X 为随机型离散变量,那么它在有限范围内的取值 $R = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$,而其中 x_i 出现的概率为

P_i , 同时设 $P_i = P\{X=x_i\}$, 则对于 x 信息熵的公式定义为式 (8) 所示:

$$E(X) = - \sum_{i=1}^N \rho_i \log \rho_i \quad (8)$$

信息熵作为一种计算属性权重的经典算法一般用来计算数据的离散度。熵值一般与离散程度成反比, 即数据某指标越小的熵值说明该指标离散程度越大, 同时该指标也有更大的信息量。

3.2 局部密度捕获范围

针对 DPC 算法在计算相对距离和密度时并未考虑数据点空间分布特性的影响, 而是从全局的角度出发通过使邻近样本数占比达到全部样本的一定数量, 计算距离阈值来确定密度进而算出相对距离的时候数据密度和相对距离分布不均匀, 多个密度峰值被划分至同一个聚类中心和一个簇中心存在多个密度峰值的问题。

本文提出一种局部密度捕获范围, 用来捕获数据点附近一定范围内的点以供后续计算使用, 通过设置参数 w 来确定某点的局部密度捕获范围。

定义 1: 局部密度捕获范围。局部密度捕获范围表示能包含某一区域内全部数据点的范围, 记作 w 如式 (9) 所示:

$$w = c \times d_c \quad (9)$$

其中: 参数 c 在多次实验中显示取距离阈值 d_c 的 0.5~5 倍时有最佳效果。

3.3 局部密度信息熵均值的计算

本文将信息熵与局部密度相结合, 通过计算某点的局部密度信息熵均值, 确定该点相对于周围点的密度分布情况。相对距离相近但局部密度不同的点, 在决策图上通常难以区分, 但可以通过以其相对距离乘以局部密度信息熵均值来解决, 在相对距离相近的情况下, 局部密度相差小的点相对局部密度相差大的点拥有更大的局部密度信息熵均值, 从而让局部密度相差大的点的相对距离变小, 进而使决策图中的相应的值变小, 以此来区别出数据密度点中可能被误分为聚类中心的点。

定义 2: 局部密度信息熵均值。局部密度信息熵均值表示局部范围内数据点的分布情况, 某一点的局部密度信息熵的值与该点附近密度分布离散程度成反比, 记作 $H(X)$ 。

局部密度信息熵均值的计算公式如式 (10) 所示:

$$H(X) = - \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \frac{\rho(x_i)}{Z} \ln \frac{\rho(x_i)}{Z} \quad (10)$$

其中:

$$Z = \sum_{i=1}^N \rho_i \quad (11)$$

N 为点 x_i 半径小于局部密度捕获范围 w 内的所有点的数量。

在加权之后由于权数值较小, 故为使加权效果更加显著, 在反复实验中类比 sigmoid, log 等函数之后发现 log 一类的对数函数由于没有明确上界会将密度较大的点的相

对距离过于放大, 从而难以产生效果, 而 sigmoid 函数无法产生有效的区分度, 但使用反正切函数 \arctan 能够更好地将正确簇中心与错误簇中心区别, 故选用使用反正切公式来处理 $H(X)$ 得出全新加权系数 $H'(X)$ 如式 (12) 所示:

$$H'(X) = \frac{2}{\pi} \arctan(H(X)) \quad (12)$$

3.4 加权后相对距离

使用原相对聚类 δ 新加权系数 $H'(X)$ 相乘得到加权后相对距离 δ_c 如式 (13) 所示。

$$\delta_c = H'(X) \times \delta \quad (13)$$

3.5 新的决策函数 γ_c

使用新的加权相对距离 δ_c 与密度 ρ 相乘得到 γ_c 如式 (14), 从而绘制新的决策图。

$$\gamma_c = \rho \times \delta_c \quad (14)$$

3.6 聚类中心的选取

如图 1 所示, 点 A 和点 B 属同一簇, 但点 B 具有较高的局部密度和距离 δ , 在 DPC 中在距离阈值 d_c 取值较小时会把 A, B 点看作两个聚类中心点, 而 LDDPC 算法通过对相对距离 δ_c 进行加权, 使得 B 的相对距离 δ_c 变小, 从而将 A, B 点归为同一簇中完成正确的聚类。

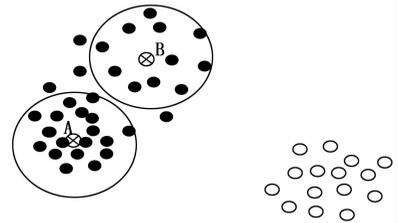


图 1 错误聚类示例

经过反正切公式 (11) 和相对距离加权公式 (12) 的运算之后, 在 γ_c 决策图的聚类中心变得清晰可分。在决策图中很容易看到非聚类中心点之间排列紧密, 且相互之间的差值非常小, 这时只需选取决策函数 γ_c 较大且相互差距大的点作为聚类中心即可。经 LDDPC 算法处理后相比 DPC 算法能够更快速更直接地选取正确的聚类中心。

4 算法流程

算法处理流程如下。

步骤 1: 输入待检测的数据集 $S = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$ 和 d_c 以及参数 w ;

步骤 2: 将数据集按照公式 (1) 求出欧氏距离;

步骤 3: 分别代入公式 (4)~(6) 求出每个数据点 x_i 的 ρ_i 与 δ_i ;

步骤 4: 按照公式 (10)~(12) 算出每个数据点的局部密度信息熵均值 $H(X)$ 和加权后的系数 $H'(X)$;

步骤 5: 根据公式 (13) 和公式 (14) 算出加权后每个点 x_i 的相对距离 δ_c 以及 γ_c ;

步骤 6: 根据 γ_c 的决策图计算出聚类中心;

步骤 7: 将每个数据按照最近距离数据点的类别分类;

步骤 8: 输出实验结果。

5 实验与分析

5.1 实验环境

LDDPC 算法通过 python3.7.9 实现与处理。实验环境: 操作系统为 win10 64 位, CPU 为 I5-7300HQ, 主频 2.5 GHz, 内存为 16 G。为了验证算法性能, 将在下文的实验中把 DPC 算法与 LDDPC 算法效果相比较。

5.2 实验说明

实验一与实验二数据集详见表 1, 为了验证算法的有效性和适应性, 故实验中选取的 d_c 值中即有小于 1%, 大于 2% 也有 1%~2% 正常取值区间内 DPC 算法无法正常发挥效果的值, 通过实验验证错误聚类中的聚类过多和过少的情况下 LDDPC 算法仍能发挥的效果。

表 1 实验一与实验二所用数据集

数据集	样本数	属性数	簇数
Aggregation	788	2	7
Flame	240	2	2
R15	600	2	15
D31	3100	2	31

5.3 实验一: DPC 算法分类错误时通过 LDDPC 算法获得正确分类

图 2 至图 4 为在 Aggregation 数据集中, 当 $d_c = 1.3\%$ 时的效果图, 决策图和聚类结果图, 图 2 为密度 ρ 和相对距离 δ 的原始分布, 图 (a) 为原始算法得出的分布情况而图 (b) 为 LDDPC 算法处理后 (即密度 ρ 和加权后相对距离 δ_c) 的分布, 图 3 和图 4 中可以看到图 (a) DPC 算法中簇数过多而导致分类的失败, 决策图中能看到超过簇数 7 个的相对大的 γ 值, 而图 (b) LDDPC 算法处理后, 在决策图上能够明显分辨出 7 个相对大的 γ_c 值, 从而成功分为 7 个类。在图 5 至图 7 为数据集 Flame 中, 为 d_c 取值为 3.6% 时的对比图, 从图 5 (a), 图 6 (a), 图 7 (a) 中可以明显看出距离阈值取值的失败导致出现 4 个簇中心的多分类情况, 此时同一个簇中拥有多个聚类峰值, 而在图 5 (b), 图 6 (b), 图 7 (b) 中在 LDDPC 算法的处理下决策图中仅出现 2 个相对较大的 γ_c 值, 说明同一簇中多余的聚类峰值的消失, 于是数据成功分成 2 个类别。

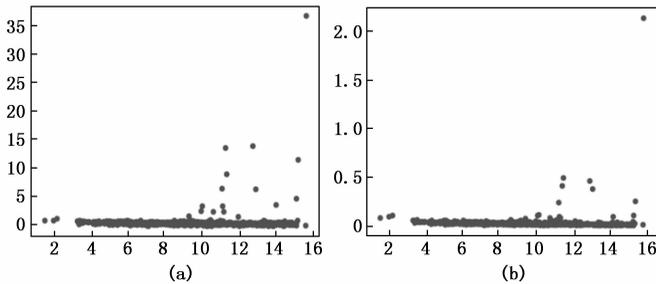


图 2 在 Aggregation 数据集下的相对距离/密度图对比图

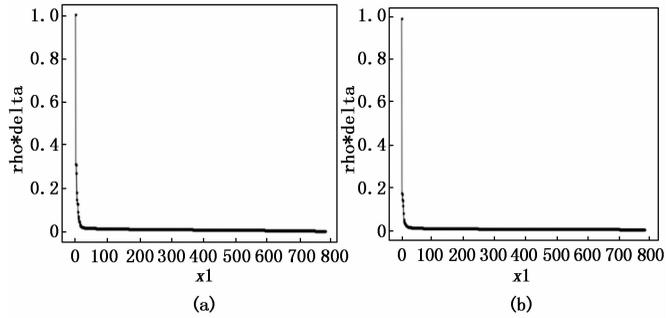


图 3 在 Aggregation 数据集下的决策图对比图

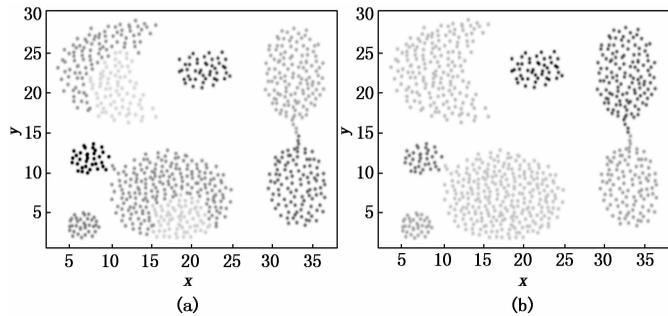


图 4 在 Aggregation 数据集下的聚类结果对比图

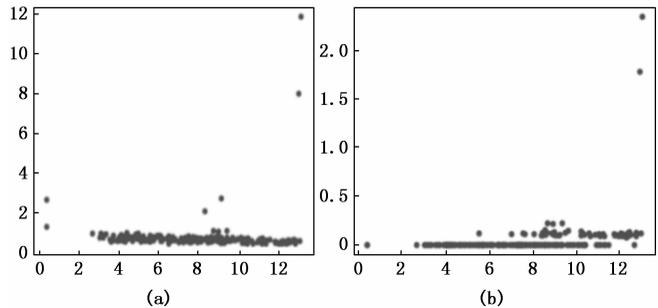


图 5 在 Flame 数据集下的相对距离/密度对比图

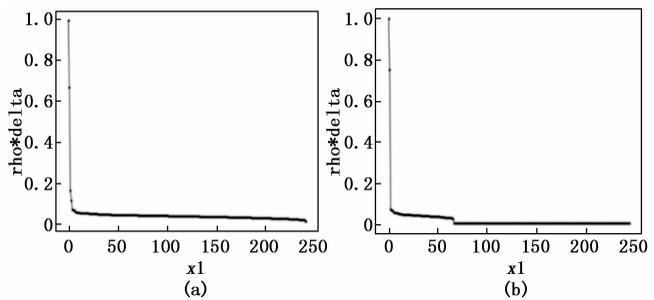


图 6 在 Flame 数据集下的决策图对比图

类别, 并且从决策图可以看出分布并不明显, 稍有不慎就会误选, 将密度 ρ 和相对距离 δ 乘积 γ 较大的点选为聚类中心, 导致同一簇中存在多个聚类峰值的情况, 而在 LDDPC 算法下通过 γ_c 构建决策图从而被正确的分类, 并且新决策图中 γ_c 值显示非中心点与中心点具有更大的差值, 相比原决策图更加清晰可分, 不会因不慎而错选多选而导致出现

通过实验可以看到以上数据集均被错误地分成了多个

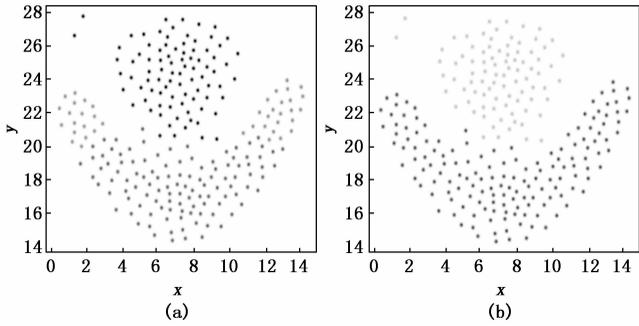


图 7 在 Flame 数据集下的聚类结果对比图

不正确的簇数的情况出现。

5.4 实验二：DPC 算法分类正确时获得更加清晰的决策图

图 8 至图 10 展示了 R15 数据集在 $d_c = 2\%$ 时正确聚类情况，通过图 8 和图 9 的对比可以看出，在 LDDPC 算法的处理下，相比 DPC 算法中原来的相对距离 δ ，经局部密度信息熵加权后的加权相对距离 δ_c 具有更大的值，聚类中心点和非中心点在新决策图中的 γ_c 值与原决策图中的 γ 值相比差值变大，这使在决策图中寻找聚类中心时更加容易。同理图 11 至图 13 是数据集 D31 在 $d_c = 2\%$ 时，经过 LD-DPC 算法处理前后的对比，图 11 (a) 与图 11 (b) 相比 DPC 算法区分度更明显，相对距离 δ 整体上移，在决策图中同样体现为 γ_c 值的整体上移，与 R15 中同样在处理增加了决策图的辨识度，能够更好地把真实簇中心从其他高密度峰值的虚假簇中心中分离，从而能够更加精确快速的完成 31 个类别的数据集的分类。

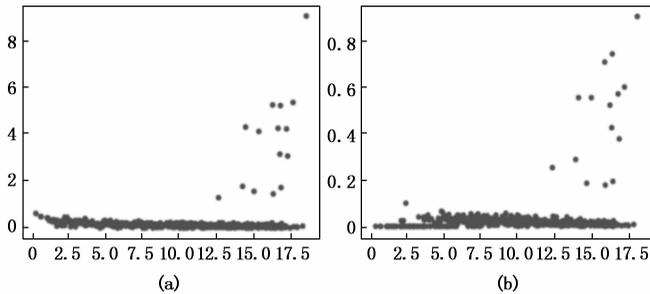


图 8 在 R15 数据集下的相对距离/密度对比图

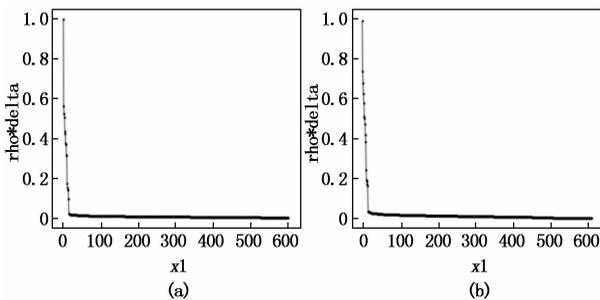


图 9 在 R15 数据集下的决策图对比图

以上实验说明数据集在 LDDPC 算法处理过相对距离 δ 之后在不影响 DPC 算法本身效果的同时还使得在决策图上

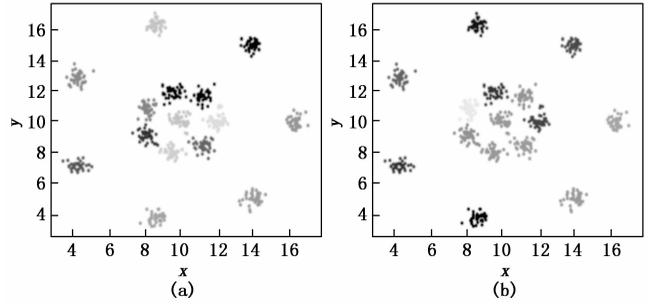


图 10 在 R15 数据集下的聚类结果对比图

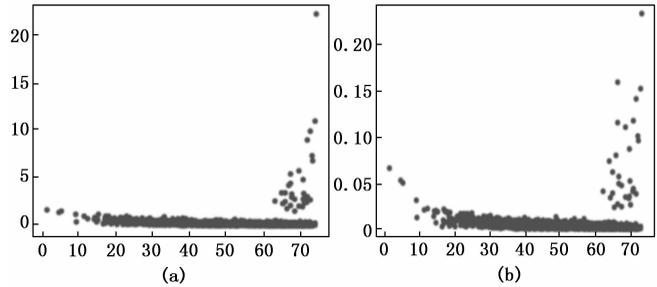


图 11 在 D31 数据集下的相对距离/密度对比图

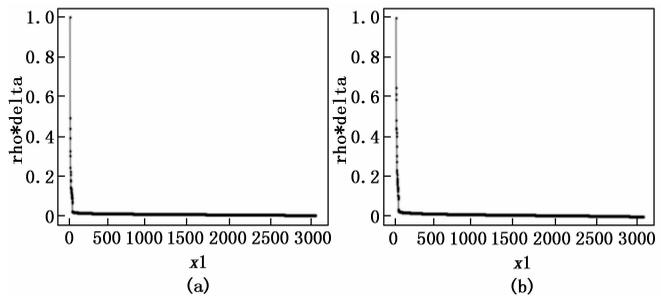


图 12 在 D31 数据集下的决策图对比图

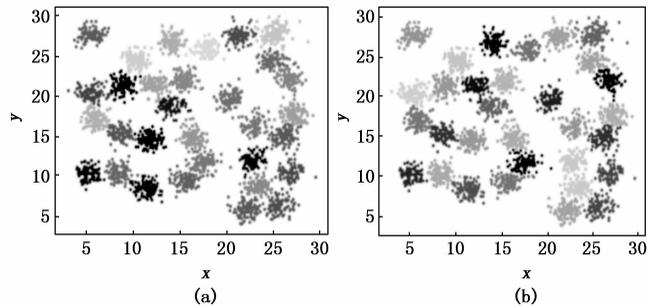


图 13 在 D31 数据集下的聚类结果对比图

寻找聚类中心时更加容易。

5.5 实验三：高维数据集测试

为了进一步验证算法的有效性，实验三中选取了 UCI 数据集中的 3 个高维数据集分别为 Iris, Wine, Seed 进行测试，实验选用的数据集详细信息如表 2，DPC 与 LDDPC 算法实验结果的对比如表 3。

表 2 实验三所用数据集

数据集	样本数	属性数	簇数
Iris	150	4	3
Wine	178	13	3
Seed	210	7	3

表 3 实验三实验结果

数据集	距离阈值(d_c)	DPC 聚类簇数	正确簇数	DPC 准确率	LDDPC 准确率	参数 w
Iris	1.4	2	3	0.667	0.907	1.2
Wine	3	4	3	0.314	0.707	0.7
Seed	0.8	4	3	0.657	0.895	1.0

实验三在 d_c 值的选择上仍然选择了一个小于 1%, 一个大于 2%, 一个介于 1%~2% 之间且分类错误的 3 个具有代表性的 d_c 值。在图 14 中可以看到 (a) 图被误分成了 2 类, 而 (b) 图中决策图上出现了 3 个 γ_c 值相对大的点, 通过对相对距离进行的加权找到了隐藏的真实聚类中心, 即一共 3 个正确的聚类中心; 而图 15 (a), 图 16 (a) 图中被多分成了 4 类的情况下, 经过 LDDPC 算法处理之后明显看到决策图上 γ_c 值相对大的点由 4 个变为 3 个, 即通过对相对距离的加权使同一簇中原有的两个密度峰值减少为一个, 排除了错误的聚类中心, 数据集成功地被重新分成了正确的 3 类, 测试结果表明算法在 DPC 分类错误时能够使分类正确, 且可以明显提升算法的准确率。

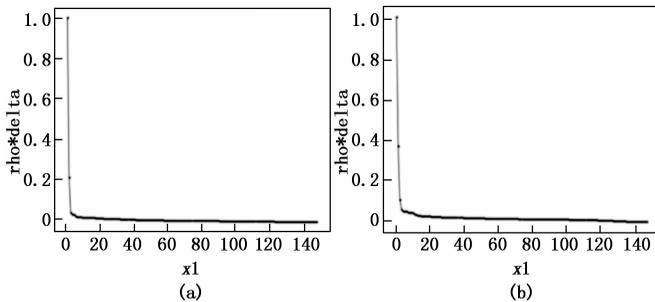


图 14 在 Iris 数据集下的决策图对比图

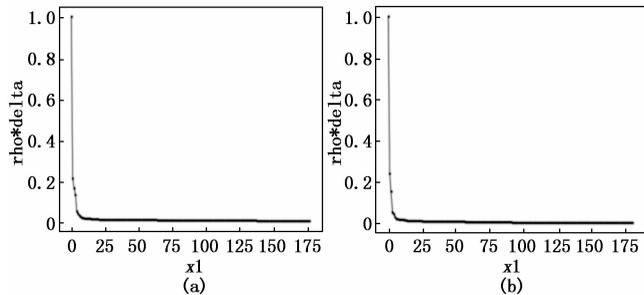


图 15 在 Wine 数据集下的决策图对比图

6 结束语

针对传统的 DPC 算法在距离阈值选取不当时无法正确分类的情况, 本文提出了局部密度捕获范围和利用局部密度信息熵均值的加权算法 (LDDPC), 成功在距离阈值使分

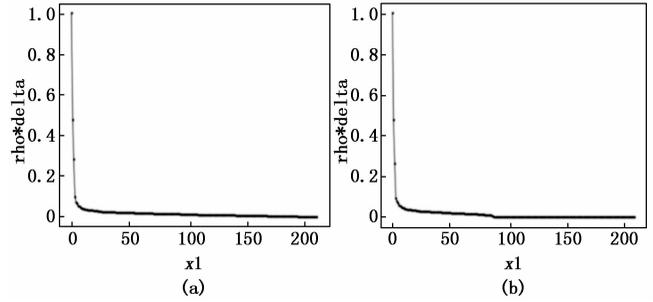


图 16 在 Seed 数据集下的决策图对比图

类错误的情况下通过对数据点的相对距离进行其局部密度信息熵均值的加权使分类正确。该算法克服了 DPC 算法对距离阈值取值敏感的缺点, 在数据集上的实验结果可以证明, 通过 LDDPC 算法在 DPC 算法的距离阈值取值不当导致分类错误时, 得以正确分类, 并且提高准确率。

参考文献:

- [1] 朱 祥. 基于隐马尔可夫模型和聚类的英语语音识别混合算法 [J]. 计算机测量与控制, 2020, 28 (5): 175-179.
- [2] 王 林, 徐兴敏, 张智欢, 等. 复杂网络理论在彩色图像分割中的应用研究 [J]. 计算机测量与控制, 2018, 26 (7): 246-250.
- [3] HARTIGAN J A, WONG M A. A K-Means Clustering Algorithm [J]. 1979, 28 (1): 100-108.
- [4] WANG W, YANG J, MUNTZ R. STING: a statistical information grid approach to spatial data mining [C] // International Conference on Very Large Data Bases, 1997: 186-195.
- [5] ZHANG T, RAGHU R, MIRON L. BIRCH: A New Data Clustering Algorithm and Its Applications [J]. Data Mining and Knowledge Discovery, 1997, 1 (2): 141-182.
- [6] ESTER M, KRIEDEL H P, SANDER J, et al. A density-based algorithm for discovering clusters in large spatial databases with noise [C] // In Proceedings of 2nd International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (KDD' 96). Menlo Park, CA: AAAI, 1996: 226-231.
- [7] ANKERST M, BREUNIG M M, KRIEDEL H P, et al. OPTICS: Ordering Points To Identify the Clustering Structure [C] // Proceedings of the ACM SIGMOD' 99 Int Conf on Management of Data. Philadelphia, Pennsylvania: ACM Press, 1999: 49-60.
- [8] 李 明, 王 盛, 孙更新, 等. 基于稀疏光流和密度聚类的运动目标检测算法 [J]. 计算机仿真, 2019, 36 (5): 395-398.
- [9] RODRIGUEZ A, LAIO A. Clustering by fast search and find of density peaks [J]. Science, 2014, 344 (6191): 1492-1496.
- [10] 王慧玲, 宋 威, 谢国伟. 针对簇类中心自适应的密度峰值聚类算法 [J]. 传感器与微系统, 2020, 39 (12): 119-122.
- [11] 王军华, 李建军, 李俊山, 等. 自适应快速搜索密度峰值聚类算法 [J]. 计算机工程与应用, 2019, 55 (24): 122-127.
- [12] 王 洋, 张桂珠. 自动确定聚类中心的密度峰值算法 [J]. 计算机工程与应用, 2018, 54 (8): 137-142.

(下转第 203 页)