文章编号:1671-4598(2022)02-0065-07

65

基于三维数字图像相关法的非接触式动态

DOI:10.16526/j. cnki.11-4762/tp.2022.02.010

丁二维敛子图像怕天法的非按触式如 位移测量方法研究

南 亨1, 唐忠林1, 赵伟博1, 谭伟圭2

(1. 陕西工业职业技术学院 航空工程学院,陕西 咸阳 712000;2. 贵州大学 公共大数据国家重点实验室 大数据产业发展应用研究院,贵阳 550025)

摘要:在动力学实验中,准确测量实验模型的动态位移响应是保证实验品质的关键环节,传统获取位移响应的方法都存在一定缺陷,比如无法全场测量,动态测量效果较差等;针对这些缺陷,提出了一种基于三维数字图像相关法(3D-digital image correlation)的非接触式光学动态位移测量方法,搭建了基于三维数字图像相关法的非接触式光学测量平台,通过地面实验,将测量结果与真实位移进行对比分析,对其使用范围和精度进行了验证;实验结果表明,在像面内平移或垂直运动时,测量精度可靠;在绕像面横轴旋转运动时,角度应尽量小于20°;实验结果为基于三维数字图像相关法的测量技术提供了有效的参考。

关键词:数字图像相关;光学测量;散斑技术;动力学实验;动态位移响应

Non—contact Dynamic Displacement Measurement Method Based on 3D Digital Image Correlation Technology

NAN Heng¹, TANG Zhonglin¹, ZHAO Weibo¹, TAN Weijie²

(1. School of Aeronautical Engineering, Shaanxi Polytechnic Institute, Xianyang 712000, China;

2. State Key Laboratory of Public Big Data, Guizhou Big Data Academy,

Guizhou University, Guiyang 550025, China)

Abstract: In the dynamic experiment, the accurate measurement of the dynamic displacement response for the experimental model is the key to ensure the quality of the experiment. The traditional method of obtaining the displacement response has some defects, such as not to measure the whole field, poor dynamic measurement effect and so on. In view of these defects, a non—contact opticaldynamic displacement measurement method based on three—dimensional digital image correlation is proposed, and the non—contact optical measurement platform based on three—dimensional digital image correlation is built. Through ground experiments, the measured results are compared with the real displacement, and its application range and accuracy are verified. The experimental results show that the measurement accuracy is reliable when the image plane is in translational or vertical motion; When rotating around the horizontal axis of the image plane, the angle is less than 20 as far as possible. The experimental results provide the effective reference for the measurement technology based on 3D digital image correlation method.

Keywords: digital image correlation; optical measurement; speckle technique; dynamic experiment; dynamic displacement response

收稿日期:2021-06-27; 修回日期:2021-08-20。

谭伟杰(1981-),男,陕西合阳人,博士,副教授,主要从事数据采集与处理和通信网络安全方向的研究。

引用格式:南 亨,唐忠林,赵伟博,等.基于三维数字图像相关法的非接触式动态位移测量方法研究[J].计算机测量与控制,2022,30(2):65-71,78.

基金项目:陕西工业职业技术学院院级项目(2020YKYB-048);陕西省教育厅 2020 年服务地方专项科学研究计划(20JC002)。 作者简介:南 亨(1990-),男,陕西咸阳人,硕士,助教,主要从事动力学试验、光学测量、民航维修方向的研究。

0 引言

在动力学试验中,测量物体位移的方法是保证试 验品质的重要环节,目前的位移获取方法大体上可以 分为两类,分别为接触式测量与非接触式测量。其中, 在接触式测量中,所使用的的传感器包括速度传感器、 加速度传感器等;非接触式传感器包括激光位移测量 器、全球定位系统 (GPS, global positioning system)、 光学测量等。T. Uchiyama 等人将激光位移计与加速度 传感器结合,用于肌力图 (MMGs, mechanomyograms)的系统辨识^[1]; A. Tezuka 等人将激光位移计 用薄膜振动实验^[2]; I. Godler 等人通过旋转的方式扩 大了传感器的测量范围[3];上述研究均获得了良好的 效果,但是受限于激光位移计和加速度传感器的本身 特点,该类方法具有一定的局限性。Ding 等人运用 了 GPS 系统监测地面上大型物体结构的变形运动, 达到了预期的试验结果^[4];但由于 GPS 往往适用于 大型物体的测量, 所以在小型实验中并不能很好的监 测数据精度,因此并不适用于小型实验。

在国外研究方面,1980~1990年期间,相关研 究者提出了基于数字图像相关法(DIC,digital image correlation)的非接触式光学测量方法。如今,结合 机器视觉技术,三维数字图像相关法^[5-6](3D-DIC, 3-Dimensional DIC)应运而生,该方法突破了二维 方法的限制,可以测量物体的三维形貌和变形,极大 的扩展了该方法在工程测量中的应用。随着数字相机 分辨率的提升和图像处理方法的改进,3D-DIC 方 法因具有非接触、可全场测量、测量精度高、使用方 便、采集数据信噪比高等优点^[7],现已成为实验力学 的重要组成部分,并在光学测量中被广泛使用^[8-10]。

在国内研究方面,王静等较早的将数字图像相关 技术应用于桥梁缝隙变形监测中^[11];潘兵等将数字 图像相关技术应用与面内拉伸简单的位移测量^[12]; 马永尚等利用 3D-DIC 观测系统研究压缩状态下花 岗岩岩板的破坏全过程,得到了三维全场位移和应 变^[13];陈亚军等将三维图像相关技术应用与材料形 变之中^[14];翟启云等利用三维数字图像相关发测量 了复合材料泊松比^[15];李湘萍等利用三维数字图像 相关技术,对无人机机翼的压载变形过程进行了追 踪^[16];吴凤琳等通过数字图像相关法对观测板状试 样剪切应变场进行观测,并与引伸计法进行比较^[17]。 上述研究大多数针对于被测物在被测平面内进行 运动的,多为平移,拉伸、压缩等运动形式。本文基 于 DIC 技术的基本原理和方法,搭建了基于三维数 字图像相关技术的非接触式测量平台,并进行了动力 学试验中的动态位移的测量,运动形式为沿相面法向 移动和绕相面横轴旋转。通过文中实验,验证了基于 数字图像相关技术的测量方法的适用范围。

1 基本原理

在提出的测量方法中,获取被测物动态位移的具体过程如下:图像获取、相机参数标定、图像相似度 匹配、三维重建。

1.1 图像获取

在三维数字图像相关技术的图像获取环节中,需 要保证两个不同的相机拍摄时间应当是同步的,即相 机需要同时触发,同时拍摄。因此,在两个相机的触 发同步性上,有着很高的要求,常规的人为控制触发 难以满足精度需求。一般情况下,采用外部的电平信 号器进行触发,经测试其精度可以达到预期需求。在 采集过程中,为了提供图像匹配特征,通常用喷漆对 被测物表面进行处理,使其具有随机的灰度分布。

1.2 相机参数标定

相机参数标定的过程是利用不同位置的两个相机 对标定板的不同姿态位置进行多次拍摄,从而根据相 对关系,得到相机的内部参数及外部参数,包括相机 相对位置,平移矩阵及旋转矩阵等。本文中主要采用 张正友标定法^[18-20]。该方法是张正友等人于 2000 年 左右提出的,在要标定的平面靶标上有很多方格点, 标定方格如图 1 所示。



图1 平面标定方格

靶标平面上的三维点记为 $M = [x, y, z]^T$,图 像平面上的二维点记为 $m = [u, v]^T$,相应的齐次坐 标为 $\tilde{M} = [x, y, z, 1]^T$ 和 $\tilde{m} = [u, v, 1]^T$ 。基于 针孔成像模型,空间的 M 与图像点 m 之间的映射关 系为:

$$s\,\tilde{\boldsymbol{m}} = \boldsymbol{A} \lceil \boldsymbol{R} \quad t \rceil \,\tilde{\boldsymbol{M}} \tag{1}$$

其中: s为任意的非零尺度因子,旋转矩阵 R 与 平移向量 t 为相机的外部参数矩阵, A 为相机的内部 参数矩阵。

1.3 图像相似度匹配

图像匹配主要利用子区匹配的方法,其具体过程 为:在需要测量的图像上,以待测点为中心,划定一 定区域作为参考子区,并且找到这个参考子区在目标 图像上的对应目标子区,目标子区的中心位置即为待 测点在目标图像中相对应的位置。在子区划分时,为 了提高区分程度,被测物表面往往需要足够的、不重 复的、随机的纹理图案。目前最常用的包括散斑图像 和标记点,如图2所示。



相关函数是用于度量两个区间的相似程度的函数,该函数直接影响了最终的测量结果。依据不同准则有着多种不同的相关函数,若以难易程度划分,则最为简易的被称为最小平方距离函数 (SSD, sum squared difference):

 $C_{\rm SSD} = \sum_{x=-M}^{M} \sum_{y=-M}^{M} [f(x,y) - g(x',y')]^2$ (2)

其中: f (x, y)、g (x', y') 为参考子区间和 预期子区间内对应的灰度数据。该函数即为参考区域 和目标区域的匹配性。但是,各种复杂的环境因素会 影响匹配的准确性,环境因素包括曝光度、角度、图 像畸变及噪音等因素,在环境因素的影响下,基于 SSD 的相关函数的匹配性会受到很大的影响。所以, 需要对该相关函数进行修正,使其具有一定的稳定 性,修正如下:

 $C = \sum_{x=-M}^{M} \sum_{y=-M}^{M} [f(x,y) - a \times g(x',y') - b]^{2}$ (3)

其中: *a* 和 *b* 用来描述外界光强可能发生的线性变化。

1.4 三维重建

如图 3 所示,首先创立一个直角坐标系 O₀ - uv, (u,v),它表示的坐标系是以图像中的像素作为单 位的。其次,创立第二个坐标系,这个坐标系对应的 是物理空间并且与第一个坐标系平行,图中(X,Y)



表示以毫米为单位的图像坐标系的坐标。如果 O₁ 在 u, v坐标系中的坐标为(u₀, v₀),每一个像素在 X 轴与 Y 轴方向上的物理尺寸为 dX、dY,则图像中任 一个像素在两个坐标系下的坐标有如下关系:

$$\begin{cases} u = \frac{x}{dX} + u_0 \\ v = \frac{y}{dY} + v_0 \end{cases}$$
(4)

用齐次坐标和矩阵形式可表示为:

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{dX} & 0 & u_0 \\ 0 & \frac{1}{dY} & v_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ 1 \end{bmatrix}$$
(5)

由于摄像机可以安放在环境中的任意位置,故需 建立一种坐标系来描述。摄像机和环境中其他物体的 位置,称为世界坐标系 O-X_wY_wZ_w。摄像机坐标系 和世界坐标系的关系可用旋转矩阵 **R** 与平移矩阵 *t* 描 述。取空间中任一点,存在如下关系:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{R} & \mathbf{t} \\ O^T & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_w \\ Y_w \\ Z_w \\ 1 \end{bmatrix} M_2 \begin{bmatrix} X_w \\ Y_w \\ Z_w \\ 1 \end{bmatrix}$$
(6)

将以上所得世界坐标系与图像坐标系的对应关系 分别应用左右两个摄像机,如图4所示。



如果不知道相机与世界坐标的变换关系,则无法

求解,因此,假设左侧相机为世界坐标的零点,则对 于位于右侧的像机,则有如下坐标变换关系:

$$S_{r}\begin{bmatrix}X_{r}\\Y_{r}\\1\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}\alpha_{xr} & 0 & u_{0r} & 0\\0 & \alpha_{yr} & v_{0r} & 0\\0 & 0 & 1 & 0\end{bmatrix} \begin{bmatrix}r_{1} & r_{2} & r_{3}t_{x}\\r_{4} & r_{5} & r_{6}t_{y}\\r_{7} & r_{8} & r_{9}t_{z}\\0 & 0 & 0 & 1\end{bmatrix} \begin{bmatrix}X_{W}\\Y_{W}\\Z_{W}\\1\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}\alpha_{xr}r_{1} + u_{0r}r_{7} & \alpha_{xr}r_{2} + u_{0r}r_{8} & \alpha_{xr}r_{3} + u_{0r}r_{9}\alpha_{xr}t_{x} + u_{0r}t_{2}\\\alpha_{xr}r_{4} + u_{0r}r_{7} & \alpha_{xr}r_{5} + u_{0r}r_{8} & \alpha_{xr}r_{6} + u_{0r}r_{9}\alpha_{yr}t_{x} + v_{0r}t_{2}\\r_{7} & r_{8} & r_{9}t_{2}\end{bmatrix} \begin{bmatrix}X_{W}\\Y_{W}\\Z_{W}\\1\end{bmatrix}$$

$$(7)$$

然后,对于左摄像机,由于其位于世界坐标系的 原点处且没有旋转,故R为单位阵,t为零列阵, u_{0t} = v_{0t} =0,其图像坐标系与世界坐标系的关系如下:

$$S_{1}\begin{bmatrix}X_{1}\\Y_{1}\\1\end{bmatrix} = \begin{pmatrix}\alpha_{x1} & 0 & 0 & 0\\0 & \alpha_{y1} & 0 & 0\\0 & 0 & 1 & 0\end{pmatrix} \begin{pmatrix}1 & 0 & 0 & 0\\0 & 1 & 0 & 0\\0 & 0 & 1 & 0\\0 & 0 & 0 & 1\end{pmatrix} \begin{bmatrix}X_{W}\\Y_{W}\\1\end{bmatrix} = \begin{pmatrix}\alpha_{x1} & 0 & 0 & 0\\0 & \alpha_{y1} & 0 & 0\\0 & 0 & 1 & 0\end{bmatrix} \begin{bmatrix}X_{W}\\Y_{W}\\Z_{W}\\1\end{bmatrix}$$
(8)

结合式(7)和式(8),可解得三维位移:

$$\begin{cases} X_{W} = \frac{Z_{W}X_{1}}{\alpha_{x1}} \\ Y_{W} = \frac{Z_{W}Y_{1}}{\alpha_{y1}} \\ Z_{W} = \frac{\left[(X_{r} - u_{0r}t_{z} - \alpha_{xr}t_{x}\right]\alpha_{x1}\alpha_{y1}}{\left[\alpha_{xr}r_{1} + (u_{0r-X_{r}})r_{7}\right]X_{1} + \left[\alpha_{xr}r_{2} + (u_{0r} - X_{r})r_{8}\right]Y_{1} + \left[\alpha_{xr}r_{3} + (u_{0r} - X_{r})r_{9}\right]\alpha_{x1}\alpha_{y1}} \\ = \frac{\left[(Y_{r} - v_{0r})t_{z} - \alpha_{yr}t_{y}\right]\alpha_{x1}\alpha_{y1}}{\left[\alpha_{yr}r_{4} + (v_{0r} - Y_{r})r_{7}\right]X_{1} + \left[\alpha_{yr}r_{5} + (v_{0r} - Y_{r})r_{9}\right]\alpha_{x1}\alpha_{y1}} \end{cases}$$

2 关键技术实现

基于上文中所提到的数字图像相关法的基本原理,搭建了一种应用于动力学试验中的 3D-DIC 测量系统。

本文使用的测量系统,由以下几部分组成:两个 Point-Grey公司生产的高速相机、无频闪光源,信 号发生器、USB3.0数据传输线、Point Grey FlyCapture 图像采集软件及用于图像存储和处理的计算机、 被测物组成。

本试验搭配的电平触发器一般设置为占空比为 50的方波信号,采样频率设置为 250 Hz。外接电平 触发器采用单片机实现高电平触发,可通过程序控制 保证双相机同时触发,本试验设置为一次性采集 1 500张图像,即每次触发采集 6 s 的图像数据。图像 处理及位移/应变分析采用自行构建编写的软件进行, 如图 5 (a)为软件的主要功能界面和分析流程图, 该软件可实现相机标定、图像匹配、应变场计算和动 态位移三维重建等功能。

如图 5 (b) 所示,进行试验的时候,根据双目 视觉原理,两个相机位于不同的位置,存在一定的夹 角,并且保证被测物在相机的拍摄范围之内。采用外 接的电平信号触发器是为了保证两个相机的同步触 发,在光源不足的环境里,需要提供无频闪光源,保 证相机的曝光率,提高采集的图像质量。



图 5 图像处理软件

2.1 标定板图像采集与相机参数标定

将测量系统组装完毕后,首先进行相机参数的标 定,标定板如图1所示,将标定板以不同的姿态放 置,随后通过两个不同位置的相机对标定板进行采 集,如图6所示。

采集完成之后,相机的内外参数标定利用 Matlab-Stereo Camera Calibration 工具箱进行,通过导 入不同相机的标定板图片,可以得到不同相机中不同

ana —



图 6 相机采集的标定板图像

图像的重投影误差和针对标定板的两相机的位置关系,如图7所示。



图 7 重投影误差和相机位置关系

保存并输出标定的相机参数,包括每个相机的内 部参数(焦距和主点坐标)和两相机相对的外部参数 (旋转矩阵和平移矩阵)。其标定参数示例如下:

```
>> stereoParams. CameraParameters1. PrincipalPoint
ans=
991. 9426 884. 1584
>> stereoParams. TanslationOfCamera2.
ans=
-410. 4175 -25. 0669 20. 5043
>> stereoParams. CameraParameters1. FocalLength
ans=
1. 0e+03 *
3. 7706 3. 7682
>> stereoParams. RotationOfCamera2.
```

ans—		
0.9617	0.0202	-0.2735
-0.0260	0.9995	-0.0177
0.2730	0.0241	0.9617

2.2 图像采集与子区匹配

在进行相机标定完成后,保持原有的相机位置不 变,继续对需要测量的物体进行拍摄采集,为了保证 测量的同步性,采用上文提到的外部触发器进行触 发,让两个相机在同一时刻进行图像采集。图 8 和图 9 分别表示两种不同被测物图像示例。







(b) 右相机采集

图 8 双相机图像采集示例 (1)





(a) 左相机采集

图 9 双相机图像采集示例 (2)

在上述采集的图像中,选取某一区域作为匹配子 区,以初始图像中的子区作为参考,在模型动态变化过 程中,观测所选择的子区对应点的变化,即可得到每张 图像中相关点的位置关系,基本原理如图 10 所示。





综上,结合相机标定的内外参数,结合子区匹配 得到的位置信息数据,然后对所检测的点进行三维重 建,即可得到相应的位移信息。

3 试验结果与分析

基于上文搭建的测量系统,设计了两个不同类型 的实验,并分别进行了图像获取、相机参数标定、图 像相似度匹配、三维重建,随后将实验结果与真实结 果进行对比,说明了该测量系统的精度和适用范围。 具体实验如下:

实验1:像面法向移动测量实验

本组实验的运动形式为被测物沿像面法向移动,采 用单轴步进伺服电机作为运动部件,实验系统由步进电 机,控制器,被测物组成。通过控制器设置电机的运动 幅值及速度,从而使试验件按照预期的形式运动。

利用相机标定得到的相机内外部参数和图像匹配 得到的监测点在图像坐标系中的位置信息,对该监测 点进行三维重建即可获得其在法向的变形值,即法向 位移。在本实验中,设置步进式电机做循环往复运 动,运动幅值为 10 mm,高速相机拍摄频率为 250 Hz,拍摄时间为 6 s,总拍摄张数为 1 500 张,使用 3D-DIC 系统对被测物进行连续 3 次拍摄,分别记 为 T1、T2、T3,结果如图 11 所示。



图中3条曲线分别代表被测物表面某一标记点的 3次位移结果,由于采集时刻的不同,各曲线之间存 在相差,但不影响幅值结果。由表1可以看出,3次 实验结果之间相差不大,具备良好的精确性,与真值 10 mm 的误差均很小,具备良好的准确性。

试验次数	第一次 拍摄	第二次 拍摄	第三次 拍摄	
测量运动幅值/mm	9.93	9.97	9.94	
真实运动幅值/mm	10	10	10	
误差/%	0.7	0.3	0.6	

表 1	第一次	、实验结	果对出	Ł

因此,通过本次试验可以证明,3D-DIC系统 在对被测物像面内法向运动时的位移捕捉精度很高, 可以满足试验要求。

实验 2: 像面旋转运动测量实验

系统运用于部分动力学试验中时,除了观测被测 物沿着法向运动的状态,还需关注被测物的绕被测平 面横轴的偏转角度,当偏转角度过大,会引起视角不 清晰,图形畸变等原因,难以准确捕捉运动轨迹,因 此,通过本试验,确定该测量系统的角度适用范围。

本实验采用的器械为 AX-12A 型小型舵机,将 被测的平板与舵机连接,并在平板上设置标记点,用 于拍摄,该舵机转角度范围为 0~360°,并且可以实 现以任意角度为平衡位置做定轴往复运动,因此,可 以满足试验需求。

首先,设置舵机角度,使其平衡位置与相机平面 平行,即垂直于拍摄光轴,设置舵机旋转角度为偏离 平衡位置 5°,运动角度范围为 10°,图 12 为舵机运动 示意简图,经测量,被测平板长度 AB 为 40 mm,则 由三角函数关系可得运动范围 BC 为 6.96 mm,运动 幅值为 3.48 mm。



图 12 舵机运动示意简图

对被测物进行 3 次拍摄,分别为 T_1 、 T_2 、 T_3 确 定角度的使用范围,第一次拍摄,使被测平板平衡位 置完全垂直于相机光轴,即垂直于地面;第二次使平 板与光轴夹角为 83°,即偏离垂直位置 7°;第三次使 平板与光轴夹角为 75°,即偏离垂直位置 15°。虽然 平衡位置发生了变化,但是 3 次试验的运动幅值都为 ±5°,3 次的结果如图 12 所示。

表 2 第二次实验结果对比

试验次数	第一次 拍摄	第二次 拍摄	第三次 拍摄
测量运动幅值/mm	3.49	3.51	3.53
真实运动幅值/mm	3.48	3.48	3.48
误差/%	0.29	0.8	1.4

由图 13 和表 2 可知, 该测量系统对角度的把握 比较准确,即使在±15°的平衡位置、±20°的运动幅 值下仍能准确捕捉动态位移信息。随后,又进行了若 干次不同角度的实验,最终确定,当运动幅值小于 20°时,所捕捉的结果都比较准确,当运动幅值大于 20°时,效果会变差。因此,在使用该系统时,尽量 保证被测物在法向的偏转角度小于 20°。



4 结束语

本文搭建了 3D-DIC 测量系统,并通过地面实 验,对测量系统的精度和适用范围进行了验证。主要 结论如下:

 打建了基于数字图像相关技术的光学测量系统,其基本原理为:图像获取一相机参数标定一图像相似度匹配一三维重建,其中图像采集是利用不同位置的相机采集模型的运动图像,相机参数标定是为了获取两个相机的内、外部参数,图像匹配是为了获得不同时刻的图像中的监测点在相机中的图像坐标,三维重建是利用小孔成像原理将图像匹配的结果转换为每个检测点随时间变化的物理位移。

2)为了验证该测量系统的精度和可靠性,将该测量系统应用于像面法向移动,将测量结果与实际位移进行了对比,验证了该测量系统的精度;随后在像面旋转运动中,验证了测量系统的拍摄角度范围,结果表明,在偏离角度小于20°时,结果较好。

综上,基于数字图像相关技术的测量系统具有较高的精度和可靠性,测量偏离角度在 20°以内时,效 果良好,能满足一般动力学实验的要求。

参考文献:

[1] UCHIYAMA T, SHINOHARH K. System identification of Mechanomyograms detected with an acceleration sensor and a laser displacement meter [C] // 33rd Annual International Conference of the IEEE EMBS, 2011: 7131-7134.

- [2] TEZUKA A. Validation study of pressure measurement system with laser displacement sensor and film [C] // 46th AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exhibit, 2008 (1): 272 – 282.
- [3] GODLER I, AKAHANE A, OHNISHI K, et al. A novel rotary acceleration sensor [J]. IEEE Control Systems, 1995 (2): 56-60.
- [4] DING X L, HUANG D F, YIN J H. Development and field testing of a multi – antenna GPS system for deformation monitoring [J]. Wuhan University Journal of Natural Sciences, 2003, 8 (2B): 671-676.
- [5] 高 越. 三维数字图像相关法的关键技术及应用研究 [D]. 北京: 中国科学技术大学, 2014 (10): 63-91.
- [6] 姚学峰,林碧森. 立体摄影术与数字散斑相关方法相结合用于研究三维形变场[J].光学技术,2003,29
 (7):473-479.
- [7] SLADEK J, OSTROWSKA K, KOHUT P, et al. Development of a vision based deflection measurement system and its accuracy assessment [J]. Measurement, 2013, 46 (3): 1237 - 1249.
- [8] BARANIELLO V R, CICALA M, CICALA L. An algorithm for real time estimation of the flexible UAV structural motions using a video – based system [C] // 2011 Proceedings of the 14th International Conference on Information Fusion (FUSION), IEEE, 2011: 1 – 8.
- [9] HAMMER J T, LIUTKUS T J, SEIDT J D, et al. DIC in dynamic punch testing [C] //Proceedings of the 2014 Annual Conference on Experimental and Applied Mechanics, Conference Proceedings of the Society for Experimental Mechanics Series, 2015: 27 - 33.
- [10] LICHTER M D, UENO H, DUBOWSKY S. Vibration estimation of flexible space structures using range imaging sensors [J]. The International Journal of Robotics Research, 2006, 25 (10): 1001 - 1012.
- [11] 王 静,李鸿琦,邢冬梅,等.数字图像相关方法在 桥梁裂缝变形监测中的应用[J].力学季刊,2003, 24 (12):512-516.
- [12] 潘 兵,续伯钦,谢惠民,等.面内位移测量的基于 梯度的数字图像相关方法 [J].光学技术,2005,31
 (5):643-647.

(下转第78页)