**文章编号:**1671-4598(2020)11-0089-06

DOI:10.16526/j.cnki.11-4762/tp.2020.11.019 中图分类号:V249 文献标识码:A

# 一种空间曲线轨迹跟踪的无人机自适应 导航控制算法

## 郑积仕,孟凡茹,赖宏图,陈兴武

(福建工程学院信息科学与工程学院,福州 350118)

摘要:固定翼无人机飞行任务复杂,为了实现高精度的空间曲线导航控制,基于 L1-Navigation 非线性导航控制算法,设计 自适应模糊控制器优化固定翼无人机跟踪空间曲线导航控制方法;以球面上的空间八字曲线为例,对八字曲线建模,通过坐标转 换求得目标航点位置来计算无人机飞行加速度;为了优化加速度控制无人机跟踪空间曲线性能,在 L1-Navigation 导航控制器 中,针对增益系数设计一个双输入单输出模糊控制系统,以轨迹误差和轨迹误差变化率为输入量,以计算横向加速度的增益系数 常数为输出量;最后,在 Ardupilot 飞控中进行飞行模拟实验,飞行实验表明,所提出方法能够精确跟踪空间曲线路径,并且有 很好的自适应性。

关键词:固定翼无人机;空间曲线;自适应模糊控制;导航控制

## An Adaptive Navigation Control Algorithm for UAV with Space Curve Tracking

Zheng Jishi, Meng Fanru, Lai Hongtu, Chen Xingwu

(School of Information Science and Engineering, FuJian University of Technology, Fuzhou 350118, China)

Abstract. With the complication of fixed—wing UAV flight missions, in order to achieve high—precision space curve navigation control, based on the L1—Navigation nonlinear navigation control algorithm, an adaptive fuzzy controller is designed to optimize the fixed—wing UAV tracking space curve navigation control method. Taking the figure 8 space curve on the sphere as an example, the figure 8 space curve is modeled, and the target waypoint position is obtained by coordinate transformation to calculate the drone flight acceleration. In order to optimize the tracking space curve performance of the UAV for acceleration control, a two—input single—output fuzzy control system is designed for the gain coefficient in the L1—Navigation navigation controller. The trajectory error and the trajectory error change rate are input quantities to calculate the lateral acceleration, the gain coefficient constant is the output a-mount. Finally, flight simulation experiments were performed in the Ardupilot flight control. The flight experiments show that the proposed method can accurately track the space curve path and has good adaptability.

Keywords: fixed-wing UAVs; space curve; adaptive fuzzy control; navigation control

### 0 引言

无人机可以根据预先设定的航线自主飞行,广泛的应 用于军事巡逻、资源勘探、地形勘测等,随着无人机应用 越来越广泛<sup>[1-2]</sup>,飞行任务越来越复杂,如目标跟踪、自主 着陆<sup>[3]</sup>、编队飞行<sup>[4]</sup>、空中加油<sup>[5]</sup>和利用空气动力学进行发 电<sup>[6]</sup>等,这也对无人机空间轨迹跟踪控制算法提出更高的 要求。

目前,三维轨迹导航控制算法是研究的热点<sup>[7]</sup>,其中, 文献 [8] 中提出了利用特殊正交群 SO (3) 求解姿态问题

收稿日期:2020-03-20; 修回日期:2020-04-27。

基金项目:福建省科技厅自然基金(2016H0028,2017J01728, 2018J01640);福建工程学院人才启动基金(GY-Z160124,GY-Z12079)。

作者简介:郑积仕(1977-),男,福建三明人,副教授,主要从事 无人机的飞行控制及无人机的行业应用方向的研究。

陈兴武(1963-),男,福建长乐人,教授,主要从事嵌入式数控系统,小型无人机飞行控制器方向的研究。

的三维路径跟踪算法, 文献「9] 中基于 Lyapunov 理论设 计三维路径跟踪导航算法,通过控制目标路径航点的速度 来避免最接近无人机投影点作为参考点所引起的奇异性, 并且适用于平滑条件一般的三维曲线。文献「10-11]中构 建一个矢量场, 使无人机沿着矢量场收敛到期望路径, 并 且在风的干扰下也有很好的跟踪性能。其中矢量场算法中 矢量场组合中有死区,并且无人机每次到达段的末端,矢 量场会改变<sup>[12]</sup>。文献 [13-14] 中提出的 L1-Navigation 非线性导航算法应用较为广泛<sup>[15]</sup>。L1-Navigation导航算 法在预期轨迹上选择一个参考点,参考点与无人机之间的 距离为L1,并且通过参考点产生一个横向加速度指令,控 制无人机飞行,在直线路径跟踪上采用 PD 控制,沿着曲线 轨迹跟踪加入了超前量,并且横向加速度指令中使用惯性 速度,在由外部干扰的情况下速度可以自适应变化[13]。目 前 L1-Navigation 导航算法已经在 Ardupilot 开源软件中被 应用,但L1-Navigation导航算法存在参数固定、自适应 能力不强等缺点。

本文以空间八字曲线导航为例,空间八字空间曲线是 通过两个半圆以及两个测地线构成,通过空间曲线上的目 标航点以三维坐标的形式表示,无人机当前位置的目标航 点坐标乘以旋转矩阵表示下个目标航点坐标。将导航控制 分为横向、速度高度控制,通过两个固定增益系数来计算 加速度,由于增益系数不变,在固定翼无人机实际飞行时, 受到外界干扰无法自适应变化,导致无人机会产生一定的 轨迹误差。

轨迹误差是导航控制的重要指标,本文采用自适应的 方法优化控制性能,减少轨迹误差。模糊控制结合人的经 验,无需构建精确的控制模型,适用于导航控制性能的优 化上。本文以计算横向加速度的增益系数为输出量,根据 变化的轨迹误差来调整常数系数,从而改变加速度的大小, 优化固定翼无人机在空间曲线飞行的轨迹误差,提高跟踪 性能和控制的自适应性。

本文的结构安排如下:第二部分构建空间曲线模型, 以空间八字曲线为例。第三部构建模糊自适应控制器,以 轨迹误差和轨迹误差变化率作为模糊控制输入量,计算横 向加速度的增益系数常数作为输出量,优化控制效果。第 四章对提出的优化方案进行模拟飞行测试,经软件在环仿 真测试,验证了本文方法的有效性。最后是本文的总结。

### 1 空间曲线飞行导航控制

本文以空间八字曲线为例,固定翼无人机绕着空间八字曲线周期飞行利用空气动力学将风能转换成电能进行发电<sup>[6]</sup>,固定翼无人机在空中飞行发电相比于传统发电机大 大降低了安装塔架的成本<sup>[16]</sup>。在半球上的周期八字曲线如图1所示。



图 1 在球上的八字曲线周期飞行路径

#### 1.1 空间八字曲线

在图 1 中, 球的半径为 R, 球的中心是"家", 在球上 的八字飞行路径的仰角  $\gamma_{\epsilon} \left( 0 \leq \gamma_{\epsilon} \leq \frac{\pi}{2} \right)$ , 如果仰角为  $\gamma = \frac{\pi}{2}$ , 则三维空间曲线被水平放置。 $\theta_{\rho}$  以八字飞行路径为底 面, 以球的中心为顶点组成锥体开角的一半,  $0 \leq \theta_{\rho} \leq \frac{\pi}{2}$ 。 空间八字中心在 *xoy* 平面的投影相对于球心的方位角为  $\phi_{\epsilon}(0 \leq \phi_{\epsilon} \leq 2\pi)$ 。空间八字飞行方向有两种, 分别是顺时针 方向和逆时针方向 ±  $\sigma$ , 角度  $\theta_{\epsilon} = \frac{\pi}{2} - \gamma_{\epsilon}$ 。 在图 1 中八字空间曲线有四个段组成,分别是东西方向的两个小圆段(转弯圆),两个大圆段(简称测地线,在 xoy 的平面投影为直线),其交点为交叉点o,四个过渡点 (测地线与小圆段的交点)分别是  $t_1$ 、 $t_2$ 、 $t_3$ 、 $t_4$ 。转弯圆的半径  $R_e = R \sin \theta_{\rho}$ , $\theta_{\epsilon}$ 转弯圆的圆心与Z 轴的夹角。在 NED 坐标下 垂直空间曲线的路径平面的单位法向量  $e_r$ 如公式(1)所 示<sup>[6]</sup>。指向东西( $\sigma_e = \pm 1$ )转弯圆的圆心的单位法向量如公 式(2)所示。

$$e_{r_c} = \begin{pmatrix} \sin\theta_c \cos\phi_c \\ \sin\theta_c \sin\phi_c \\ -\cos\theta_c \end{pmatrix}$$
(1)

球心到转弯圆圆心的距离  $D = R\cos\theta_{\rho}$ ,并且球心到转 弯圆的圆心的位置向量  $r_{\epsilon} = De_{r_{\epsilon}}$ 。

$$e_{r_{c},\sigma_{c}} = \begin{pmatrix} 0 \\ \sigma_{e} \sin \theta_{c} \\ -\cos \theta_{c} \end{pmatrix}$$
(2)

两个测地线相交的夹角为 $\chi_o(0 < \chi_o \leq \pi)$ ,并且东方向两个测地线与转弯圆相交的过渡点 $t_1, t_2$ 的位置向量如公式(3)所示:

$$r_{g\pm}(\theta) = R \begin{pmatrix} \pm \sin\theta \sin\frac{\chi_{*}}{2} \\ \sin\theta \cos\frac{\chi_{*}}{2} \\ \cos\theta \end{pmatrix}, \quad -\theta_{t} \leqslant \theta \leqslant \theta_{t} \quad (3)$$

东北、西北、东南、西南四个方向的过渡点的单位切 向量如公式(4)所示。

其中:  $(\sigma_n, \sigma_e) = (+, +), (+, -), (-, +), (-, -)$ 。

通过以上公式推出两个转弯圆的位置向量和八字曲线顶点的位置向量如公式(5)(6)所示,其中 $\hat{\theta}$ 为八字飞行曲线上最大极角的一半, $\hat{\theta} = \theta_{\rho} + \theta_{c}$ 。

$$r_{\epsilon,\sigma_{\epsilon}} = R \cos \theta_{\rho} \begin{pmatrix} 0 \\ \sigma_{\epsilon} \sin \theta_{\epsilon} \\ -\cos \theta_{\epsilon} \end{pmatrix}$$
(5)

$$\hat{r}_{\sigma_{c}} = r_{c,\sigma_{c}} + R \sin \theta_{\rho} \begin{pmatrix} 0 \\ \sigma_{e} \cos \theta_{c} \\ \sin \theta_{c} \end{pmatrix} = R \begin{pmatrix} 0 \\ \sigma_{e} \sin \hat{\theta} \\ \cos \hat{\theta} \end{pmatrix}$$
(6)

空间八字曲线飞行上的点都是绕着 y 轴旋转 -  $\theta$  角,绕着 z 轴旋转  $\phi$  角,结合以上公式,可以推出空间曲线的旋转 矩阵  $R(\theta, \phi) = (e_{\theta}, e_{\phi}, -e_{r})$ ,其中在 NED 坐标系下单位向量如公式 (7) ~ (9) 所示。

$$e_{\theta} = {\binom{\cos\theta e_1}{\sin\theta}} = {\binom{\cos\theta\cos\psi}{\cos\theta\sin\psi}}_{\sin\theta}$$
(7)

$$e_{\psi} = {\binom{e_2}{0}} = {\binom{\sin\psi}{\cos\psi}}_{0}$$
(8)
$$e_r = {\binom{\sin\theta e_1}{-\cos\theta}} = {\binom{\sin\theta\cos\psi}{\sin\theta\sin\psi}}_{-\cos\theta}$$
(9)

e1,e2 为横向平面子空间的基向量。

$$\begin{cases} e_1 = \begin{pmatrix} \cos\psi \\ \sin\psi \end{pmatrix} \\ e_2 = \begin{pmatrix} -\sin\psi \\ \cos\psi \end{pmatrix} \end{cases}$$
(10)

#### 1.2 导航控制

导航控制分为(NE空间)横向平面的导航控制和速度 高度控制<sup>[16]</sup>。导航控制决定了无人机的横向加速度和滚转 角的大小。空间曲线上点的位置向量 *r*(*q*)如图 1 所示,公 式如下。

$$r(arphi) = R(e_{ heta_{
ho}}, e_{ au_{
ho}}, -e_{r_{
ho}}) egin{pmatrix} \sin heta_{
ho} \cos arphi \ \sigma \sin heta_{
ho} \sin arphi \ -\cos heta_{
ho} \end{bmatrix} =$$

$$R_{(\cos\theta_{\rho}e_{r_{i}} + \sin\theta_{\rho}(\cos\varphi_{\theta_{i}} + \sigma\sin\varphi_{\theta_{i}}))}$$
(11)  
$$\bar{r}(\sigma) = -\pi R(\sin\varphi_{\theta_{i}} + \sigma\cos\varphi_{\theta_{i}}))$$

$$\begin{cases} r & r \\ v_c = R\bar{\varphi}\sin\theta_{\rho} \end{cases}$$
(12)

其中空间曲线上点的位置向量分为(NE空间)横向平 面位置向量和高度位置向量,如公式(13)~(14)所示。

$$r_1(\varphi) = (R\cos\theta_
ho\sin\theta_
ho e_1 +$$

$$\sin\theta_{\rho}(\cos\varphi\cos\theta_{c}e_{1}+\sigma\sin\varphi e_{2})) \tag{13}$$

$$z(\varphi) = -R(\cos\theta_{\rho}\sin\theta_{c} - \cos\varphi\cos\theta_{\rho}\sin\theta_{c}) \qquad (14)$$

从而可以得出曲线上一点的横向速度  $v_1(\varphi)$ :

$$v_1(\varphi) = |\bar{r}_1(\varphi)| = v_c \sqrt{\cos^2 \varphi + \sin^2 \varphi \cos^2 \theta_c} \quad (15)$$

则无人机的向心加速度为 $a_1(\varphi)$ ,其中 $k_1(\varphi)$ 为曲线的曲率<sup>[6]</sup>。

$$a_1(\varphi) = v_1^2(\varphi)k_1(\varphi) = 
 \frac{v_c^2 \cos\theta_c}{R\sin\theta_e \sqrt{\cos^2\varphi + \sin^2\varphi \cos^2\theta_c}}$$
(16)

无人机在飞行过程中,实际飞行路径与预期轨迹存在 一定的轨迹误差,在图 1 中无人机的位置向量为  $r_a$ ,无人机 的横向平面投影点为  $v_e$ ,预期轨迹上距离无人机最近点的位 置向量  $r_p$ ,如公式(17) 所示,其中  $e_{ap}$  为最近点的外部法 向量。

$$r_{p} = De_{r_{e}} + R\sin\theta_{\rho}e_{np} \tag{17}$$

三维空间中轨迹误差向量为 $r_{pa} = r_a - r_p$ ,轨迹误差在 横向方向的投影向量 $r_{pal} = r_{pa} - r_{pa,3}e_3$ ,其中 $r_{pa,3}e_3$ 为纵轴 方向,横向投影的轨迹误差如公式(18)所示:

$$d_l = \operatorname{sgn}(r_{pal} \ e_{npl}) \ | \ r_{pal} \ | \tag{18}$$

速度向量在横向方向的投影以及速度矢量在法线方向 的分量如公式(19)所示。

$$v_{pal} = v_a - v_{a,3} e_3$$
,  $V_l = v_{pal} e_{npl}$  (19)



结合运动学方程得出无人机在空间曲线上飞行过程的 加速度如公式(20)所示,其中 K,和 K。为增益系数。

$$a_{t} = a_{1} + K_{r}d_{l} + K_{r}V_{l} \tag{20}$$

无人机在空间曲线外飞行,如图 2 空间八字飞行曲线 在横向平面轨迹的投影所示,无人机在曲线外追踪目标航 点 $w_p$ , $\eta$ 为无人机到目标航点的距离L1 与速度 v之间的夹 角, $d_i$ 为轨迹误差(偏航距)。当无人机偏离期望轨迹时, 横向加速度 $a_i$ 引导无人机回到期望轨迹上,横向加速度 $a_i$ 的推导公式如下,如图 2 所示,圆的半径  $R = \frac{L}{2 \sin \eta}, \eta = \eta_i$ + $\eta_2$ 。

根据牛顿第二定律,横向加速度 $a_s = \frac{v_1^2}{R}$ ,最终横向加速度如公式(21)所示,其中 $K_{L1}=2$ 。

$$a_s = K_{L1} \frac{v_1^2(\varphi)}{L_1} \sin \eta \qquad (21)$$

本文的导航控制方法已经成功在 ardupilot 中实现,代码中将无人机在跟踪空间曲线飞行时加速度分为两种情况:

 1)无人机在在空间曲线外飞行或进行跟踪直线飞行, 轨迹误差向量横向投影 d<sub>i</sub>大于零 a = a<sub>s</sub>。

2) 无人机在曲线内飞行,轨迹误差向量横向投影  $d_i$ 小于零 $a = a_p$ 。

#### 2 三维曲线跟踪的自适应导航控制

无人机在空中飞行可能会遭受外部环境的干扰(风的 干扰),无人机受风的干扰轨迹误差增大,所以须考虑环境 干扰下的自适应性以及跟踪性能。

导航控制产生横向加速度  $a_s$ ,横向加速度  $a_s$ 决定无人 机的姿态角的大小,从而控制无人机的飞行。飞行过程中 通过传感器测得轨迹误差  $d_m$ ,其中轨迹误差主要通过滚转 角控制,而无人机是利用副翼的偏转调节滚转角度,从而 控制轨迹误差,滚转角的大小为  $\varphi = \arctan \frac{a_{smd}}{g}$ , $d_a$ 为期望 的轨迹误差, $d_m$ 为轨迹误差测量值,轨迹误差偏差或轨迹 误差变化率  $d_e = d_a - d_m$ 。

通过公式(21)和(22))可以发现无人机的加速度与 增益系数 *K*,和 *K*,, L1-Navigation 导航中的增益系数 *K*<sub>L1</sub> 有关:

$$\begin{cases} K_r = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \\ K_v = 2 * \frac{2\pi}{T} * \zeta \\ K_{L1} = 4\zeta^2 \end{cases}$$
(22)

其中: T 是周期,周期不改变  $K_r$  也固定不变。通过改 变常数系数 k1 = k2,增益系数  $K_o$ 和  $K_{\perp}$ 随之改变。根据 图 3、图 4 与表 1 所示,通过更改常数系数 k1,k2,空间八 字曲线轨迹变化,轨迹误差也随之改变。所以本文设计一 个双输入单输出的模糊控制系统,如图 3 所示,以轨迹误 差 (e)和轨迹误差变化率(de)为输入量,并且以常数系 数 k = k1,k2(u)为输出量,根据变化的轨迹误差来调整常数 系数 k,从而改变加速度的大小,减小固定翼无人机在空间 曲线飞行的轨迹误差,优化曲线路径。



常数系数	k			
	k1 = 1, k2 = 4	k1 = 4, k2 = 4	k1 = 4, k2 = 6	
根方差/m	8.5257	6.408 2	7.580 5	

#### 2.1 选择模糊变量

经多次仿 真测 试,本文中轨迹误差 e 的物理论域为 [-200,200](单位 m),模糊论域为[-3,3]。轨迹误 差变化率的物理论域为[-200,200](单位 m),模糊论 域为[-3,3],其中轨迹误差、轨迹误差变化率的量化因 子  $K_e = 0.015$ , $K_{de} = 0.015$ 。

常数系数 k 的物理论域 u 有两种情况:

1) 当无人机在空间八字曲线内飞行:

常数系数 k1 (u) 的物理论域为 [1, 4], 模糊论域为 [-3, 3], 常数系数 k1 的比例因子  $K_u = 0.833$ 。

2) 当无人机在空间曲线外飞行、跟踪航点:

常数系数  $k^2$  (u) 的物理论域为 [4, 8], 模糊论域为 [-3, 3], 常数系数 k1 的比例因子  $K_u = 0.333$ 。

轨迹误差 e 和轨迹误差变化率 de 都有七个模糊子集为 [-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3],用字母表示分别是 NB (误差负最大), NM (误差负中), NS (误差负小), ZO (误差为零), PS (误差正小), PM (误差正中), PB (误 差正最大),轨迹误差 e 的三角形隶属度函数如图 5 所示。 常数系数 u 有七个模糊子集为 [-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3],用字母表示分别是 NB (系数最小), NM (系数越 小), NS (系数小), ZO (系数适中), PS (系数大), PM (系数越大), PB (系数最大)。



图 5 轨迹误差 e 三角形隶属度函数

在跟踪预期轨迹的过程中,与预期轨迹之间出现误差, 需要快速响应调整误差,所以模糊变量隶属函数采用三角 形隶属函数,输出变量的去模糊化采用面积中心法,面积 中心法是隶属度函数曲线与横坐标包围面积的中心<sup>[17]</sup>,这 个中心所对应的横坐标就是要求的输出变量。如公式(23) 所示,其中 A(u<sub>i</sub>) 是 u 在第 j 点隶属度函数。

$$u = \frac{\sum_{j=1}^{n} u_{j} A(u_{j})}{\sum_{j=1}^{n} A(u_{j})}$$
(23)

#### 2.2 模糊规则的设定

模糊规则是模糊系统重要的组成部分<sup>[18]</sup>,本文有49条 模糊规则,是经过多次实验和经验所得,如表2所示。

表 2 模糊规则表

de	e						
	NB	NM	NS	ZO	PS	PM	PB
NB	PB	PB	PM	NS	NS	ZO	ZO
NM	PB	PB	PM	NS	NS	ZO	PS
NS	PM	PM	PM	NS	ZO	PS	PS
ZO	PM	PM	NS	ZO	PS	PM	PM
PS	NS	NS	ZO	PS	PS	PM	PM
PM	NS	ZO	PS	PM	PM	PM	PB
PB	ZO	ZO	PM	PM	PM	PB	PB

表中两个输入量分别是轨迹误差 e 和轨迹误差变化率 de,当轨迹误差 | e | 越大,误差变化率 | de | 大的时候, K<sub>11</sub> 增益系数就越大,当轨迹误差和误差变化率基本为零 时, K<sub>L1</sub> 增益系数适中, 模糊规则例如下: If e is NM and de is Z0 then u is PM; If e is Z0 and de is PM then u is PM; …. If e is PS and de is NS then u is Z0;

If e is PM and de is PS then u is PM.

#### 3 仿真实验

为了验证本文的方法的有效性,本文基于开源自动驾驶仪 Ardupilot 平台进行 SITL (Software in the Loop) 仿 真,Ardupilot 是全球应用最广泛的开源平台之一<sup>[19]</sup>,SITL 可以在没有硬件的情况下进行模拟飞行,可以实时修改飞 行导航代码,进行编译模拟飞行,避免无人机在真实环境 中损坏。本文使用小型固定翼无人机 3.10 版本固件,无人 机的飞行数据来自飞行模拟器中的动力学模型<sup>[20]</sup>。本文利 用飞行数据闪存日志 (logs)中的数据在 Matlab 中进行图 像显现,仿真实验飞行设定无人机飞行速度为 22m/s,飞 行实验主要有两个测试:无干扰条件下的空间曲线轨迹跟 踪仿真测试,干扰条件下空间曲线跟踪仿真测试 (固定翼 无人机跟踪空间八字曲线代码已经上传到 github 中<sup>[21]</sup>)。

#### 3.1 无干扰条件下空间曲线轨迹跟踪仿真

为了验证使用模糊控制可以改进空间曲线飞行的轨迹误 差和优化空间曲线路径,本文将为空间曲线飞行轨迹和使用 模糊控制改进的空间曲线飞行轨迹进行对比,图6为无人机 跟踪空间八字曲线模拟飞行轨迹,如图7和图8所示。

无人机在八字曲线内飞行,轨迹误差增大时,常数系数 k1 增大修正轨迹误差;若无人机在八字曲线外飞行跟踪目标航点,当轨迹误差增大时,常数系数 k2 增大,修正轨迹误差。如图 6 为无人机模拟飞行,图 7 为空间曲线轨迹,图 8 为八字曲线轨迹的横向投影。从表 3 中可以看出使用模糊控制改进的导航算法跟踪八字曲线轨迹相比于原导航算法的曲线轨迹估计误差均方根小,曲线更加规则化,并且更接近预期轨迹。



10	快払	Q17

表 3 轨迹误差					
算法	模糊控制改进导航算法	原始导航算法			
轨迹误差均方根/m	7.580	8.613			

#### 3.2 干扰条件下空间曲线跟踪仿真

为了验证改进空间曲线飞行算法的实用性,在有风干扰



图 8 无干扰条件下横向平面投影

的条件下进行仿真测试,风速 10 m/s,风向西风。图 9 为风 干扰下三维曲线轨迹,图 10 为风干扰下横向平面投影。



无人机在常风的干扰下跟踪八字曲线轨迹,如图 11 所 示,曲线轨迹往风向侧偏移,其中原始导航算法下,无人 机跟踪的八字曲线轨迹相比于使用模糊控制改进的导航算 法偏离的比较大。

如图 12 所示,利用模糊控制改进的导航算法在风干扰 的情况下可以自适应的修正飞行轨迹,使无人机沿着设定 轨迹飞行。如图 13 轨迹误差变化对比,利用模糊控制改进 的导航控制算法相比与原始导航算法,轨迹误差变化比较 平缓。从图 12、13 中对比说明添加模糊控制有很好的自适 应性,根据轨迹误差的变化自适应的调整常数系数 k,减 小轨迹误差,从而说明有良好的跟踪效果和鲁棒性。



#### 4 结束语

本文基于模糊控制改进的 L1 – navigation 导航算法, 在空间八字曲线的导航算法中添加模糊控制,以轨迹误差 和轨迹误差变化率为输入量,以计算加速度的增益系数常 数为输出,改变加速度的大小,优化轨迹误差。在 Ardupilot 的 SITL 仿真飞行结果表明加入模糊控制的导航算法性能 优于原始导航算法,提高了空间曲线的跟踪性能,特别是 在干扰的情况下(如风),具有很好的自适应性和跟踪性 能。本文的方法适用于空间曲线导航控制。

#### 参考文献:

[1] Subbarao K, Ahmed M. Nonlinear guidance and control laws for

three — dimensional target tracking applied to unmanned aerial vehicles [J]. Journal of Aerospace Engineering, 2014, 27 (3): 604 - 610.

- [2] Hui M Y, Yang C Q, Xi H Z, et al. An improved nonlinear guidance law for unmanned aerial vehicles path following [A].
  2015 34th Chinese control conference (CCC) [C]. IEEE, 2015: 5271 5276.
- [3] Skulstad R, Syversen C, Merz M, et al. Autonomous net recovery of fixed-wing UAV with single-frequency carrier-phase differential GNSS [J]. IEEE Aerospace and Electronic Systems Magazine, 2015, 30 (5): 18-27.
- [4] Lee D, Kim S, Suk J. Formation flight of unmanned aerial vehicles using track guidance [J]. Aerospace Science and Technology, 2018, 76: 412-420.
- [5] Wang XF, Li JM, Kong XW, et al. Towards docking safety analysis for unmanned aerial vehicle probe — drogue autonomous aerial refueling based on docking success — probability and docking reach ability [J]. Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part G: Journal of Aerospace Engineering, 2019, 233 (11): 3893 - 3905.
- [6] Bechtle P, Gehrmann T, Sieg C, et al. AWEsome: An opensource test platform for airborne wind energy systems [J]. arXiv preprint arXiv: 170408695, 2017,
- [7] Patrikar J, Makkapati V R, Pattanaik A, et al. Nested Saturation Based Guidance Law for Unmanned Aerial Vehicles [J].
   Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, 2019, 141 (7).
- [8] Cichella V, Kaminer I, Dobrokhodov V, et al. Geometric 3D path following control for a fixed wing UAV on SO (3)
  [A]. AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference
  [C]. 2011: 6415.
- [9] Cho N, Kim Y. Lyapunov-based three-dimensional nonlinear path-following guidance law [A]. AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference [C]. 2015, 1317.
- [10] Nelson D R, Barber D B, McLain T W, et al. Vector field path following for miniature air vehicles [J]. IEEE Transactions on Robotics, 2007, 23 (3): 519 - 529.
- [11] Lawrence D A, Frew E W, Pisano W J. Lyapunov vector fields for autonomous unmanned aircraft flight control [J]. Journal of Guidance, Control, and Dynamics, 2008, 31 (5): 1220-1229.
- [12] Liang Y, Jia Y, Du J, et al. Vector field guidance for threedimensional curved path following with fixed - wing UAVs
  [A]. 2015 American Control Conference (ACC) [C]. IEEE, 2015: 1187 - 1192.
- [13] Park S, Deyst J, How J. A new nonlinear guidance logic for trajectory tracking [A]. AIAA guidance, navigation, and control conference and exhibit [C]. 2004: 4900.
- [14] Park S, Deyst J, How J P. Performance and Lyapunov Stability of a Nonlinear Path Following Guidance Method [J]. Journal of Guidance Control & Dynamics, 2007, 30 (6): 1718-1728.
- [15] Sujit P, Saripalli S, Sousa J B. Unmanned aerial vehicle path following: A survey and analysis of algorithms for fixed—wing unmanned aerial vehicless [J]. IEEE Control Systems Magazine, 2014, 34 (1): 42-59.